

## 最小 2 乘法(Least square method)

最小 2 乘法計算步驟如下：

1. 將期間最大值的數據依從小至大的順序排列
2. 把第  $i$  個順位統計量  $x_i$  代入變換式計算  $y_i$
3. 利用點繪公式計算母樣本的非超過機率期待值  $F_i$
4. 利用下表所示基準化變量公式計算基準化變量  $\bar{y}_i$

分佈名稱	基準化變量 $y_i$	變換式
極值 I 型分佈	$\bar{y}_i = -\ln[-\ln(F_i)]$	$y_i = a(x_i - x_0)$
極值 II 型分佈	$\bar{y}_i = -\ln[-\ln(F_i)]$	$y_i = k \ln \frac{x_i + b}{x_0 + b}$
Weibull 分佈	$\bar{y}_i = \ln[-\ln(1 - F_i)]$	$y_i = k \ln \frac{x_i + b}{x_0 + b}$
對數正規分佈	$\bar{y}_i = \Phi^{-1}(F_i)$	$y_i = k \ln \frac{x_i + b}{x_0 + b}$

$\Phi^{-1}$  是平均值為 0，標準偏差為  $\sqrt{2}$  的正規分佈函數的倒函數。

5. 依下式計算  $a, b, x_0, k$  等係數  $\theta_j (j=1, 2, \dots, n)$ ， $N$  為樣本總數， $n$  是係數總數。

$$\frac{\partial}{\partial \theta_j} \left[ \sum_{i=1}^N \left( \bar{y}_i - y_i \right)^2 \right] = 0 \quad j=1, 2, \dots, n$$

上式為非線性連立方程式，但合田對極值 II 型分佈的  $k=2.5, 3.33, 5.0, 10.0$  及 Weibull 分佈的  $k=0.75, 1.0, 1.4, 2.0$  等各 4 種，設定機率分佈型式及  $k$  值時，不必解非線性連立方程式就能決定係數的方法，線上即時計算如波浪公式集。

參考文獻 載滿貨品的驢子

合田良實：港灣構造物の耐波設計—波浪工学への序説—，鹿島出版社，1977。